

(Thí sinh không được sử dụng tài liệu)

Họ, tên thí sinh:SBD:

Câu 1: Cho $\int_1^2 e^{3x-1} dx = m(e^p - e^q)$ với $m, p, q \in \mathbb{Q}$. Giá trị $m + p + q$ bằng

A. 10.

B. 6.

C. $\frac{22}{3}$.

D. 8.

Câu 2: Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu $(S): (x-3)^2 + (y+1)^2 + (z-1)^2 = 4$. Tâm của (S) có tọa độ là

A. $(-3; 1; -1)$

B. $(3; -1; 1)$

C. $(3; -1; 1)$

D. $(-3; 1; -1)$

Câu 3: Cho các số thực dương a, b, c với a và b khác 1. Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. $\log_a b^2 \cdot \log_{\sqrt{b}} c = \log_a c$

B. $\log_a b^2 \cdot \log_{\sqrt{b}} c = \frac{1}{4} \log_a c$

C. $\log_a b^2 \cdot \log_{\sqrt{b}} c = 4 \log_a c$

D. $\log_a b^2 \cdot \log_{\sqrt{b}} c = 2 \log_a c$

Câu 4: Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. $\int_{-1}^1 |x|^3 dx = \left| \int_{-1}^1 x^3 dx \right|$.

B. $\int_{-1}^{2018} |x^4 - x^2 + 1| dx = \int_{-1}^{2018} (x^4 - x^2 + 1) dx$.

C. $\int_{-2}^3 |e^x(x+1)| dx = \int_{-2}^3 e^x(x+1) dx$

D. $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{1 - \cos^2 x} dx = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \sin x dx$.

Câu 5: Tích phân $I = \int_0^1 \frac{1}{x+1} dx$ có giá trị bằng

A. $\ln 2 - 1$.

B. $-\ln 2$.

C. $\ln 2$.

D. $1 - \ln 2$.

Câu 6: Hàm số $y = (x^2 - 4x)^2$ nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

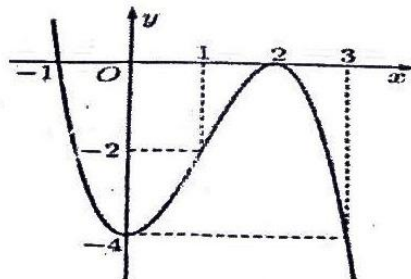
A. $(2; 4)$.

B. $(-1; 2)$.

C. $(0; 2)$.

D. $(0; 4)$.

Câu 7: Đồ thị sau đây là của hàm số nào?



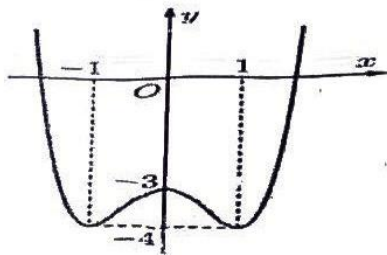
A. $y = x^3 - 3x^2 + 4$

B. $y = -x^3 - 3x^2 - 4$

C. $y = x^3 - 3x^2 - 4$

D. $y = -x^3 + 3x^2 - 4$

Câu 8: Cho hàm số $y = x^4 - 2x^2 - 3$ có đồ thị hàm số như hình bên dưới. Với giá trị nào của tham số m để phương trình $x^4 - 2x^2 - 3 = 2m - 4$ có hai nghiệm phân biệt



- A. $\begin{cases} m = 0 \\ m > \frac{1}{2} \end{cases}$ B. $0 < m < \frac{1}{2}$ C. $\begin{cases} m < 0 \\ m = \frac{1}{2} \end{cases}$ D. $m \leq \frac{1}{2}$

Câu 9: Trong các khẳng định sau, khẳng định nào *sai*?

- A. $\int 2^x dx = 2^x \ln 2 + C$. B. $\int e^{2x} dx = \frac{e^{2x}}{2} + C$.
C. $\int \cos 2x dx = \frac{1}{2} \sin 2x + C$. D. $\int \frac{1}{x+1} dx = \ln|x+1| + C$ ($\forall x \neq -1$) .

Câu 10: Tìm hàm số $F(x)$ biết $F(x) = \int \frac{x^3}{x^4 + 1} dx$ và $F(0) = 1$

- A. $F(x) = \ln(x^4 + 1) + 1$. B. $F(x) = \frac{1}{4} \ln(x^4 + 1) + \frac{3}{4}$.
C. $F(x) = \frac{1}{4} \ln(x^4 + 1) + 1$. D. $F(x) = 4 \ln(x^4 + 1) + 1$.

Câu 11: Trong không gian $Oxyz$, mặt phẳng $(P): 2x + z - 1 = 0$ có một vector pháp tuyến là

- A. $\vec{n}_3 = (2; 1; 0)$ B. $\vec{n}_2 = (0; 2; 1)$ C. $\vec{n}_1 = (2; 1; -1)$ D. $\vec{n}_4 = (2; 0; 1)$

Câu 12: Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục trên $\mathbb{R}$ và có bảng xét dấu của đạo hàm như hình vẽ. Hàm số đã cho có bao nhiêu điểm cực trị?

x	$-\infty$	-2	0	2	4	$+\infty$
$f'(x)$	$+$	0	$-$	$+$	0	$-$

- A. 1. B. 3. C. 4. D. 2.

Câu 13: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(2; -4; 3)$ và $B(2; 2; 9)$. Trung điểm của đoạn AB có tọa độ là

- A. $(0; 3; 3)$. B. $(4; -2; 12)$. C. $(2; -1; 6)$. D. $(0; \frac{3}{2}; \frac{3}{2})$.

Câu 14: Trong các mệnh đề sau

- (I). $\int f^2(x) dx = \left(\int f(x) dx \right)^2$ (II). $\int f'(x) dx = f(x) + C$
(III). $\int kf(x) dx = k \int f(x) dx$ với mọi $k \in \mathbb{R}$. (IV). $\left(\int f(x) dx \right)' = f(x)$

Số mệnh đề đúng là

- A. 2. B. 4. C. 1. D. 3.

Câu 15: Cho $\int_1^2 [4f(x) - 2x] dx = 1$. Khi đó $\int_1^2 f(x) dx$ bằng:

- A. 1. B. -3. C. 3. D. -1.

Câu 16: Thể tích khối lăng trụ tam giác đều có độ dài tất cả các cạnh bằng $3a$ bằng

- A. $\frac{27\sqrt{3}a^3}{4}$. B. $\frac{9\sqrt{3}a^3}{4}$. C. $\frac{27\sqrt{3}a^3}{2}$. D. $\frac{9\sqrt{3}a^3}{2}$.

Câu 17: Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để hàm số $y = x^4 + (m-1)x^2 + m^2$ đạt cực tiểu tại $x = 0$.

- A. $m = 1$. B. $m \geq 1$. C. $m \in \mathbb{R}$. D. $m \leq 1$.

Câu 18: Giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \frac{\ln x}{x}$ trên đoạn $[2; 3]$ bằng

- A. $\frac{\ln 2}{2}$. B. $\frac{\ln 3}{3}$. C. $\frac{3}{e^2}$. D. $\frac{1}{e}$.

Câu 19: Một hình trụ có diện tích xung quanh bằng $4\pi a^2$ và bán kính đáy là a . Tính độ dài đường cao của hình trụ đó.

- A. a . B. $2a$. C. $3a$. D. $4a$.

Câu 20: Cho hình lăng trụ đứng $ABC.A'B'C'$ có đáy ABC là tam giác vuông với $AB = AC = a$, góc giữa BC' và (ABC) bằng 45° . Tính thể tích khối lăng trụ

- A. $\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$. B. a^3 . C. $\frac{a^3}{6}$. D. $\frac{a^3}{2}$.

Câu 21: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(5; -4; 2)$ và $B(1; 2; 4)$. Mặt phẳng đi qua A và vuông góc với đường thẳng AB có phương trình là

- A. $3x - y + 3z - 25 = 0$. B. $2x - 3y - z + 8 = 0$.
C. $3x - y + 3z - 13 = 0$. D. $2x - 3y - z - 20 = 0$.

Câu 22: Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng?

- A. Đồ thị của hai hàm số $y = 2^x$ và $y = \log_2 x$ đối xứng nhau qua đường thẳng $y = -x$.
B. Đồ thị của hai hàm số $y = e^x$ và $y = \ln x$ đối xứng nhau qua đường thẳng $y = x$.
C. Đồ thị của hai hàm số $y = 2^x$ và $y = \frac{1}{2^x}$ đối xứng nhau qua trục hoành.
D. Đồ thị của hai hàm số $y = \log_2 x$ và $y = \log_2 \frac{1}{x}$ đối xứng nhau qua trục tung.

Câu 23: Tính đạo hàm của hàm số $y = 2^{x^2}$

- A. $y' = \frac{x2^{1+x^2}}{\ln 2}$. B. $y' = x \cdot 2^{x^2} \ln 4$. C. $y' = x^2 2^{1+x^2}$. D. $y' = x 2^{x^2} \ln 2$.

Câu 24: Cho hình lập phương $ABCD.A'B'C'D'$. Góc giữa hai đường thẳng BA' và $B'D'$ bằng:

- A. 45° . B. 90° . C. 30° . D. 60° .

Câu 25: Cho hàm số $f(x) = \frac{2x^4 + 3}{x^2}$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A. $\int f(x) dx = \frac{2x^3}{3} + \frac{3}{2x} + C$. B. $\int f(x) dx = \frac{2x^3}{3} - \frac{3}{x} + C$.
C. $\int f(x) dx = \frac{2x^3}{3} + \frac{3}{x} + C$. D. $\int f(x) dx = 2x^3 - \frac{3}{x} + C$.

Câu 26: Hình tứ diện đều có bao nhiêu trục đối xứng

- A. 0. B. 1. C. 3. D. 2.

Câu 27: Tập xác định $y = 2^{\sqrt{x}} + \log(3-x)$ là

- A. $[0; +\infty)$. B. $(0; 3)$. C. $(-\infty; 3)$. D. $[0; 3)$.

Câu 28: Tổng số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số $y = \frac{\sqrt{x-1}+1}{x^2-3x}$ là:

- A. 3 B. 2 C. 4 D. 1

Câu 29: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $A(2;4;1), B(-1;1;3)$ và mặt phẳng $(P): x-3y+2z-5=0$. Một mặt phẳng (Q) đi qua hai điểm A, B và vuông góc với mặt phẳng (P) có dạng là $ax+by+cz-11=0$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A. $a+b+c=5$. B. $a+b+c=15$. C. $a+b+c=-5$. D. $a+b+c=-15$.

Câu 30: Cho $I = \int_1^e \frac{\ln x}{x(\ln x+2)^2} dx = a \ln 3 + b \ln 2 + \frac{c}{3}$ với $a, b, c \in \mathbb{Z}$. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. $a^2+b^2+c^2=1$ B. $a^2+b^2+c^2=11$ C. $a^2+b^2+c^2=9$ D. $a^2+b^2+c^2=3$

Câu 31: Cho tam giác ABC vuông tại A có $AB = a\sqrt{3}$ và $BC = 2a$. Tính thể tích khối nón tròn khi quay tam giác ABC quanh trục AB .

- A. $V = \pi a^3 \sqrt{3}$ B. $V = 2\pi a^3$ C. $V = \frac{2\pi a^3}{3}$ D. $V = \frac{\pi a^3 \sqrt{3}}{3}$

Câu 32: Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy là hình vuông cạnh a , tam giác SAB đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Khoảng cách giữa hai đường thẳng SA và BC bằng

- A. a . B. $\frac{a\sqrt{5}}{2}$. C. $\frac{a\sqrt{3}}{2}$. D. $a\sqrt{2}$

Câu 33: Tìm tất cả các nguyên hàm của hàm số $f(x) = (3x^2+1)\ln x$

- A. $\int f(x)dx = x(x^2+1)\ln x - \frac{x^3}{3} + C$. B. $\int f(x)dx = x^3 \ln x - \frac{x^3}{3} + C$.
C. $\int f(x)dx = x(x^2+1)\ln x - \frac{x^3}{3} - x + C$. D. $\int f(x)dx = x^3 \ln x - \frac{x^3}{3} - x + C$.

Câu 34: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): x+y-z+2=0$ và hai điểm $A(3;4;1), B(7;-4;-3)$. Điểm $M(a;b;c) (a>2)$ thuộc (P) sao cho tam giác ABM vuông tại M và có diện tích nhỏ nhất. Khi đó giá trị biểu thức $T = a+b+c$ bằng

- A. $T=6$. B. $T=8$. C. $T=4$. D. $T=0$.

Câu 35: Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục trên $(0;+\infty)$ thỏa mãn $2xf'(x) + f(x) = 3x^2\sqrt{x}$.

Biết $f(1) = \frac{1}{2}$. Tính $f(4)$.

- A. 24. B. 14. C. 4. D. 16.

Câu 36: Cho hàm số $(C): y = -x^3 + 6x + 2$ và đường thẳng $d: y = mx - m + 2$. Tìm giá của tham số m để d cắt (C) tại ba điểm phân biệt A, B, C sao cho tổng các hệ số góc của các tiếp tuyến của đồ thị (C) tại A, B, C bằng -6 .

- A. $m = -1$. B. $m \in \emptyset$. C. $m = 2$. D. $m = 1$.

Câu 37: Biết $\int_1^2 (x+1)^2 e^{\frac{x-1}{2}} dx = me^{\frac{p}{q}} - n$ trong đó m, n, p, q là các số nguyên dương và $\frac{p}{q}$ là phân số

tối giản. Tính $T = m + n + p + q$.

- A. $T = 11$. B. $T = 10$.
C. $T = 7$. D. $T = 8$.

Câu 38: Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình vuông cạnh a , tam giác SAB đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy. Tính thể tích V của khối cầu ngoại tiếp hình chóp đã cho.

A. $V = \frac{7\sqrt{21}\pi a^3}{54}$ B. $V = \frac{7\sqrt{21}\pi a^3}{18}$ C. $V = \frac{4\sqrt{3}\pi a^3}{81}$ D. $V = \frac{4\sqrt{3}\pi a^3}{27}$

Câu 39: Cho hình lập phương $ABCD.A'B'C'D'$ có cạnh a . Một khối nón có đỉnh là tâm của hình vuông $ABCD$ và đáy là hình tròn nội tiếp hình vuông $A'B'C'D'$. Diện tích toàn phần của khối nón đó là.

A. $S_{tp} = \frac{\pi a^2}{2}(\sqrt{3} + 2)$ B. $S_{tp} = \frac{\pi a^2}{4}(\sqrt{5} + 1)$
C. $S_{tp} = \frac{\pi a^2}{4}(\sqrt{5} + 2)$ D. $S_{tp} = \frac{\pi a^2}{2}(\sqrt{3} + 1)$

Câu 40: Tổng tất cả các giá trị nguyên của tham số m để hàm số $y = |3x^4 + 8x^3 - 6x^2 - 24x - m|$ có 7 điểm cực trị bằng

A. 63. B. 42. C. 55. D. 30

Câu 41: Một chiếc ô tô đang chạy với vận tốc 15 m/s thì người lái xe hãm phanh. Sau khi hãm phanh, ô tô chuyển động chậm dần đều với vận tốc $v(t) = -3t + 15(\text{m/s})$, trong đó t (giây). Hỏi từ lúc hãm phanh đến khi dừng hẳn ô tô di chuyển được bao nhiêu mét?

A. 38 m . B. $37,2\text{ m}$. C. $37,5\text{ m}$. D. 37 m .

Câu 42: Tổng các nghiệm của phương trình $\log_{\sqrt{3}}(x-2) + \log_3(x-4)^2 = 0$ là $S = a + b\sqrt{2}$ (với a, b là các số nguyên). Giá trị của biểu thức $Q = a.b$ bằng

A. 0. B. 3. C. 9. D. 6.

Câu 43: Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình vuông cạnh a , $SA = a$ và SA vuông góc với đáy. Gọi M là trung điểm SB , N là điểm thuộc cạnh SD sao cho $SN = 2ND$. Tính thể tích V của khối tứ diện $ACMN$.

A. $V = \frac{1}{12}a^3$ B. $V = \frac{1}{8}a^3$ C. $V = \frac{1}{6}a^3$ D. $V = \frac{1}{36}a^3$

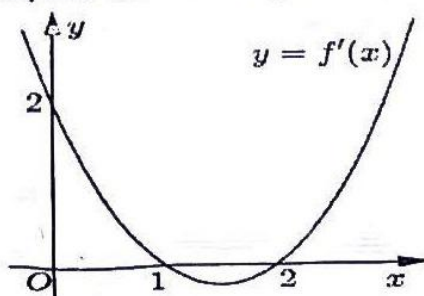
Câu 44: Biết $\int_1^4 f(x)dx = 5$, $\int_4^5 f(x)dx = 20$. Tính $I = \int_1^2 f(4x-3)dx - \int_0^{\ln 2} f(e^{2x})e^{2x}dx$

A. $I = \frac{15}{4}$. B. $I = 15$ C. $I = \frac{5}{2}$ D. $I = 25$.

Câu 45: Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m trên $[-1; 5]$ để hàm số $y = \frac{2x+m}{x+m}$ đồng biến trên khoảng $(-\infty; -3)$?

A. 2. B. 6.
C. 5. D. 3

Câu 46: Cho hàm số $y = f'(x)$ có đồ thị như hình dưới đây?



Hàm số $y = f(2-x^2)$ đồng biến trên khoảng nào sau đây?

A. $(-\infty; 0)$. B. $(0; 1)$. C. $(1; 2)$. D. $(0; +\infty)$.

Câu 47: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): x - 2y + 2z - 3 = 0$ và mặt cầu (S) có tâm $I(5; -3; 5)$, bán kính $R = 2\sqrt{5}$. Từ một điểm A thuộc mặt phẳng (P) kẻ một đường thẳng tiếp xúc với mặt cầu (S) tại điểm B . Tính OA biết rằng $AB = 4$.

- A. $OA = \sqrt{11}$. B. $OA = 5$. C. $OA = 3$. D. $OA = \sqrt{6}$.

Câu 48: Cho hình chóp tứ giác đều $S.ABCD$ cạnh đáy bằng $2a$, góc giữa hai mặt phẳng (SAB) và $(ABCD)$ bằng 45° ; M, N, P lần lượt là trung điểm SA, SB và AB . Tính thể tích V khối tứ diện $D.MNP$.

- A. $\frac{a^3}{6}$. B. $\frac{a^3}{4}$. C. $\frac{a^3}{2}$. D. $\frac{a^3}{12}$.

Câu 49: Trong không gian với hệ tọa độ vuông góc $Oxyz$ cho mặt phẳng $(P): 2x + 2y + z - m^2 - 3m = 0$; và mặt cầu $(S): (x - 1)^2 + (y + 1)^2 + (z - 1)^2 = 9$. Tìm tất cả các giá trị của m để (P) tiếp xúc (S) .

- A. $\begin{cases} m = -2 \\ m = 5 \end{cases}$ B. $\begin{cases} m = 2 \\ m = -5 \end{cases}$ C. $m = 2$. D. $m = -5$.

Câu 50: Cho hai số thực $a > 1, b > 1$. Biết phương trình $a^x b^{x^2-1} = 1$ có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 . Tìm

giá trị nhỏ nhất của biểu thức $S = \left(\frac{x_1 x_2}{x_1 + x_2} \right)^2 - 4(x_1 + x_2)$.

- A. $3\sqrt[3]{4}$ B. 4 C. $3\sqrt[3]{2}$ D. $\sqrt[3]{4}$

----- HẾT -----